

МИНИСТЕРСТВО СЕЛЬСКОГО ХОЗЯЙСТВА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
**«КУБАНСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ АГРАРНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
ИМЕНИ И. Т. ТРУБИЛИНА»**

ФАКУЛЬТЕТ ПРИКЛАДНОЙ ИНФОРМАТИКИ

УТВЕРЖДАЮ
Декан факультета
прикладной информатики
профессор *А.А. Курносов*
22 апреля 2019 г.



Рабочая программа дисциплины
Дискретная математика

Направление подготовки
38.03.05. Бизнес- информатика

Направленность
Архитектура предприятия

Уровень высшего образования
Бакалавриат

Форма обучения
Очная

Краснодар
2019

Рабочая программа дисциплины «Дискретная математика» разработана на основе ФГОС ВО ФГОС ВО 38.03.05. Бизнес- информатика, утвержденного приказом Министерства образования и науки РФ 11 августа 2016 г. № 1002.

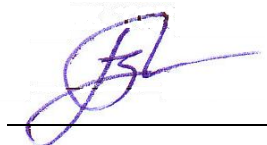
Автор:
д-р техн. наук,
профессор



Г.А. Аршинов

Рабочая программа обсуждена и рекомендована к утверждению решением кафедры компьютерных технологий и систем от 22.04.2019, протокол № 8.

Заведующий кафедрой
д-р техн. наук, профессор



В.И. Лойко

Рабочая программа одобрена на заседании методической комиссии факультета прикладной информатики, протокол от 22.04.2019 г. № 8.

Председатель
методической комиссии
канд. пед. наук, доцент



Т.А. Крамаренко

Руководитель основной
профессиональной образовательной программы
канд. экон. наук, доцент



А.Е. Вострокнутов

1 Цель и задачи освоения дисциплины

Целью освоения дисциплины «Дискретная математика» является формирование комплекса знаний об организационных, научных и методических основах применения методов математического анализа и моделирования для теоретического и экспериментального исследования.

Задачи дисциплины

- системный анализ предметной области,
- дискретные множества,
- методы комбинаторики,
- применение графов,
- конечные автоматы.

2 Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения ОПОП ВО

В результате освоения дисциплины формируются следующие компетенции:

- способность к самоорганизации и самообразованию (ОК-7);
- способность использовать основные методы естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности для теоретического и экспериментального исследования (ПК-17);
- способность использовать соответствующий математический аппарат и инструментальные средства для обработки, анализа и систематизации информации по теме исследования (ПК-18).

3 Место дисциплины в структуре ОПОП ВО

«Дискретная математика» является дисциплиной базовой части ОПОП ВО подготовки обучающихся 38.03.05. Бизнес-информатика, направленность «Архитектура предприятия».

4 Объем дисциплины (108 часов, 3 зачетные единицы)

Виды учебной работы	Объем, часов	
	Очная	Заочная
Контактная работа	55	
в том числе:		
— аудиторная по видам учебных занятий	52	
— лекции	18	

Виды учебной работы	Объем, часов	
	Очная	Заочная
— практические	34	
— внеаудиторная	3	
— зачет	-	
— экзамен	3	
— защита курсовых работ (проектов)	-	
Самостоятельная работа в том числе:	53	
— курсовая работа (проект)	-	
— прочие виды самостоятельной работы	53	
Итого по дисциплине	108	

5 Содержание дисциплины

По итогам изучаемой дисциплины студенты (обучающиеся) сдают экзамен. Дисциплина изучается на очной форме на 1 курсе в 1 семестре.

Содержание и структура дисциплины по очной форме обучения

№ п/п	Тема. Основные вопросы.	Формируемые компетенции	Семестр	Виды учебной работы, включая самостоятельную работу обучающихся и трудоемкость (в часах)		
				Лекции	Практические занятия	Самостоятельная работа
1	Элементы теории множеств. 1. Операции над множествами и свойства операций. 2. Соответствия, отображения, функции и отношения.	ОК-7, ПК-17, ПК-18	1	2	4	7
2	Комбинаторные схемы. 1. Правило суммы и произведения. Размещения с повторениями. 3. Размещения без повторений.	ОК-7, ПК-18	1	2	4	7

№ п/п	Тема. Основные вопросы.	Формируемые компетенции	Семестр	Виды учебной работы, включая самостоятельную работу обучающихся и трудоемкость (в часах)		
				Лекции	Практические занятия	Самостоятельная работа
3	Комбинаторные схемы. 1. Перестановки. 2. Сочетания без повторений.	ОК-17, ПК-18	1	2	4	7
4	Комбинаторные схемы. 1. Сочетания с повторениями. 2. Перестановки с повторениями.	ОК-7, ПК-17, ПК-18	1	2	4	7
5	Графы. 1. Основные по- нятия и опреде- ления. 2. Элементы гра- фов. 3. Представление графов в ЭВМ.	ОК-7, ПК-17, ПК- 18	1	2	4	7
6	Основные поня- тия теории авто- матов. 1. Конечные ав- томаты 2. Способы зада- ния автоматов	ОК-7, ПК-18	1	2	4	8
7	Приложения тео- рии автоматов. 1. Минимизация автоматов. 2. Технические приложения ко- нечных автома- тов.	ОК-7, ПК-17,	1	4	6	6
8	Основные поня- тия и операции над предикатами. 1. Понятие пре- диката. 2. Операции над предикатами. 3. Кванторные операции	ОК-7, ПК-17, ПК-18	1	2	4	4
Итого				18	34	53

6 Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине

Методические указания (для самостоятельной работы)

1. Анищик Т.А. Дискретная математика : рабочая тетрадь. – Краснодар: КубГАУ, 2018. – 46 с. Режим доступа: https://edu.kubsau.ru/file.php/118/Rabochaja_tetrad_po_DM.pdf
2. Анищик Т.А. Практикум по дискретной математике. Предикаты и комбинаторика. – Краснодар: КубГАУ, 2019. – 66 с. Режим доступа: https://edu.kubsau.ru/file.php/118/Praktikum_po_DM._Predikaty_i_kombinatorika_449017_v1_.PDF

7 Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации

7.1 Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения ОПОП ВО

Номер семестра*	Этапы формирования и проверки уровня сформированности компетенций по дисциплинам, практикам в процессе освоения ОПОП ВО
<i>ОК-7 - способностью к самоорганизации и самообразованию</i>	
1	Социология и культурология
1	Дискретная математика
1	Линейная алгебра и аналитическая геометрия
2	Философия
2	Самоменеджмент
2	Безопасность жизнедеятельности
2	Математический анализ
2	Теория вероятностей и математическая статистика
3	Дифференциальные и разностные уравнения
8	Защита выпускной квалификационной работы, включая подготовку к защите и процедуру защиты
<i>ПК-17 - способность использовать основные методы естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности для теоретического и экспериментального исследования</i>	
1	Дискретная математика
1	Линейная алгебра и аналитическая геометрия
12	Программирование
2	Математический анализ
2	Теория вероятностей и математическая статистика
3	Дифференциальные и разностные уравнения
3	Элементы теории нечетких множеств
3	Алгоритмы и структуры данных
4	Математическая экономика
4	Научно-исследовательская работа
4	Системы компьютерной математики

Номер семестра*	Этапы формирования и проверки уровня сформированности компетенций по дисциплинам, практикам в процессе освоения ОПОП ВО
5	Анализ данных
5	Исследование операций
6	Общая теория систем
6	Имитационное моделирование
6	Системный анализ
6	Анализ сложных систем
6	Основы финансовых вычислений
6	Информационные системы в финансово-кредитной сфере
7	Инженерия знаний и интеллектуальные системы
8	Преддипломная практика
8	Защита выпускной квалификационной работы, включая подготовку к защите и процедуру защиты
<i>ПК-18 способность использовать соответствующий математический аппарат и инструментальные средства для обработки, анализа и систематизации информации по теме исследования</i>	
1	Дискретная математика
1	Линейная алгебра и аналитическая геометрия
1, 2	Программирование
2	Математический анализ
2	Теория вероятностей и математическая статистика
2	Учебная практика по получению первичных профессиональных умений и навыков, в том числе первичных умений и навыков научно-исследовательской деятельности
3	Дифференциальные и разностные уравнения
3	Объектно-ориентированное программирование
3	Элементы теории нечетких множеств
3	Алгоритмы и структуры данных
4	Математическая экономика
4	Бухгалтерский и управленческий учет
4	Научно-исследовательская работа
4	Системы компьютерной математики
5	Анализ данных
5	Исследование операций
5	Разработка приложений в среде Microsoft Office
5	Компьютерная графика
6	Общая теория систем
6	Имитационное моделирование
6	Разработка бизнес-приложений
6	WEB-программирование
6	Системный анализ
6	Анализ сложных систем
6	Основы финансовых вычислений
6	Информационные системы в финансово-кредитной сфере
7	Инженерия знаний и интеллектуальные системы
7	Современные методы и системы принятия решений
8	Информационная бизнес-аналитика
8	Разработка приложений для мобильных устройств
8	Разработка программ системного назначения

Номер семестра*	Этапы формирования и проверки уровня сформированности компетенций по дисциплинам, практикам в процессе освоения ОПОП ВО
8	Преддипломная практика
8	Защита выпускной квалификационной работы, включая подготовку к защите и процедуру защиты

7.2 Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкалы оценивания

Планируемые результаты освоения компетенции Индикаторы достижения компетенции	Уровень освоения				Оценочное средство
	неудовлетворительно (минимальный не достигнут)	удовлетворительно (минимальный пороговый)	Хорошо (средний)_	Отлично (высокий)	
ОК-7 способность к самоорганизации и самообразованию					
Знать: - методы самоанализа и самооценки уровня организации собственной деятельности; – принципы управления собственным временем и личной карьерой; – способы повышения работоспособности, результативности, и степени самоконтроля в осуществлении профессиональных функций	Уровень знаний ниже минимальных требований, имели место грубые ошибки	Минимально допустимый уровень знаний, допущено много негрубых ошибок	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки, допущено несколько негрубых ошибок	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки, без ошибок	Кейс-задание тест, Реферат, экзамен (вопросы и задания)
Уметь: - управлять личным временем, карьерой; – осуществлять самоанализ и самооценку уровня организации собственной деятельности; – рационализировать собственный труд;	При решении стандартных задач не продемонстрированы основные умения, имели место грубые ошибки	Продemonстрированы основные умения, решены типовые задачи с негрубыми ошибками, выполнены все задания, но не в полном объеме	Продemonстрированы все основные умения, решены все основные задачи с негрубыми ошибками, выполнены все задания в полном объеме, но некоторые с недочетами	Продemonстрированы все основные умения, решены все основные задачи с отдельными незначительными недочетами, выполнены все задания в полном объеме	
Владеть: - эффективными навыками самоорганизации и самообразования в рамках	При решении стандартных задач не продемонстрированы базовые навыки, имели	Имеется минимальный набор навыков для решения стандартных задач с некоторыми	Продemonстрированы базовые навыки при решении стандартных задач с некоторыми	Продemonстрированы навыки при решении нестандартных задач без ошибок и недочетов	

Планируемые результаты освоения компетенции Индикаторы достижения компетенции	Уровень освоения				Оценочное средство
	неудовлетворительно (минимальный не достигнут)	удовлетворительно (минимальный пороговый)	Хорошо (средний)_	Отлично (высокий)	
своей профессиональной деятельности	место грубые ошибки	недочетами	недочетами		
ПК-17 способность использовать основные методы естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности для теоретического и экспериментального исследования					
Знать: - основные методы естественнонаучных дисциплин с целью их использования в профессиональной деятельности для теоретического и экспериментального исследования	Уровень знаний ниже минимальных требований, имели место грубые ошибки	Минимально допустимый уровень знаний, допущено много негрубых ошибок	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки, допущено несколько негрубых ошибок	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки, без ошибок	Кейс-задание тест, Реферат, экзамен (вопросы и задания)
Уметь: - использовать основные методы естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности для теоретического и экспериментального исследования	При решении стандартных задач не продемонстрированы основные умения, имели место грубые ошибки	Продemonстрированы основные умения, решены типовые задачи с негрубыми ошибками, выполнены все задания, но не в полном объеме	Продemonстрированы все основные умения, решены все основные задачи с негрубыми ошибками, выполнены все задания в полном объеме, но некоторые с недочетами	Продemonстрированы все основные умения, решены все основные задачи с отдельными несущественными недочетами, выполнены все задания в полном объеме	
Владеть: - практически-ми навыками использования основных методов естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности для теоретического и экспериментального исследования.	При решении стандартных задач не продемонстрированы базовые навыки, имели место грубые ошибки	Имеется минимальный набор навыков для решения стандартных задач с некоторыми недочетами	Продemonстрированы базовые навыки при решении стандартных задач с некоторыми недочетами	Продemonстрированы навыки при решении нестандартных задач без ошибок и недочетов	
ПК 18 – способность использовать соответствующий математический аппарат и инструментальные средства для обработки, анализа и систематизации информации по теме исследования					
Знать: - современный	Уровень знаний ниже мини-	Минимально допустимый	Уровень знаний в объеме, соот-	Уровень знаний в объеме, соот-	Кейс-задание

Планируемые результаты освоения компетенции Индикаторы достижения компетенции	Уровень освоения				Оценочное средство
	неудовлетворительно (минимальный не достигнут)	удовлетворительно (минимальный пороговый)	Хорошо (средний)	Отлично (высокий)	
математический аппарат и инструментальные средства для обработки, анализа и систематизации информации.	мальных требований, имели место грубые ошибки	уровень знаний, допущено много негрубых ошибок	ветствующем программе подготовки, допущено несколько негрубых ошибок	ветствующем программе подготовки, без ошибок	тест, Реферат, экзамен (вопросы и задания)
Уметь: - использовать соответствующий математический аппарат и инструментальные средства для обработки, анализа и систематизации информации по теме исследования.	При решении стандартных задач не продемонстрированы основные умения, имели место грубые ошибки	Продemonстрированы основные умения, решены типовые задачи с негрубыми ошибками, выполнены все задания, но не в полном объеме	Продemonстрированы все основные умения, решены все основные задачи с негрубыми ошибками, выполнены все задания в полном объеме, но некоторые с недочетами	Продemonстрированы все основные умения, решены все основные задачи с отдельными несущественными недочетами, выполнены все задания в полном объеме	
Владеть: - практически-ми навыками использования математического аппарата и инструментальных средств для обработки, анализа и систематизации информации по теме исследования.	При решении стандартных задач не продемонстрированы базовые навыки, имели место грубые ошибки	Имеется минимальный набор навыков для решения стандартных задач с некоторыми недочетами	Продemonстрированы базовые навыки при решении стандартных задач с некоторыми недочетами	Продemonстрированы навыки при решении нестандартных задач без ошибок и недочетов	

7.3 Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения ОПОП ВО

Компетенция ОК-7 способность к самоорганизации и самообразованию

Кейс-задания.

1. Заданы множества: $A = \{1, 3, 9, 10, 8\}$, $B = \{5, 3, 11, 4, 8\}$ и $C = \{1, 4, 8, 9, 10\}$. Найдите элементы множеств D и E :

$$\begin{aligned}
D &= A \cup B \cap C; & E &= (A \Delta B) \cap C; & D &= (A \cup C) \cap (B \cap C); & E &= A \cap B \cap C; \\
D &= A \cup B \cup C; & E &= A \cap C \Delta B; & D &= (A \cup C) \cap B; & E &= A \Delta B \cup C; \\
D &= (A \cup C) \cap B; & E &= (B \Delta C) \cap A; & D &= A \cap B \cap C; & E &= C \Delta B \cap A; \\
D &= A \cup (B \Delta C); & E &= A \cap B \cap C; & D &= (B \cup C) \cap (A \cap C); & E &= A \cup B \cap C; \\
D &= (A \cup B) \cap C; & E &= A \Delta B \cap C; & D &= (A \cup B) \Delta C; & E &= A \cap B \cap C;
\end{aligned}$$

2. Пусть (x, y) - координаты точек плоскости. Укажите штриховкой множества $A \cap B$ и $A \cup B$:

$$\begin{aligned}
A &= \{(x, y) \mid x^2 + y^2 \leq 1\}; & A &= \{(x, y) \mid x^2 + y^2 \geq 4\}; \\
B &= \{(x, y) \mid |x + 2y| < 3\}; & B &= \{(x, y) \mid |4x - y| \leq 2\}; \\
A &= \{(x, y) \mid x^2 + y^2 = 9\}; & A &= \{(x, y) \mid x^2 + y^2 < 25\}; \\
B &= \{(x, y) \mid |4y + x| > 1\}; & B &= \{(x, y) \mid |2x + 2y| > 5\}; \\
A &= \{(x, y) \mid x^2 + y^2 \geq 4\}; & A &= \{(x, y) \mid x^2 + y^2 \leq 16\}; \\
B &= \{(x, y) \mid |3x + y| < 6\}; & B &= \{(x, y) \mid |x + 3| \geq 1\}; \\
A &= \{(x, y) \mid x^2 + y^2 < 36\}; & A &= \{(x, y) \mid x^2 + y^2 > 9\}; \\
B &= \{(x, y) \mid |x + y| \geq 2\}; & B &= \{(x, y) \mid |2x - y| \leq 1\}; \\
A &= \{(x, y) \mid x^2 + y^2 > 16\}; & A &= \{(x, y) \mid x^2 + y^2 \leq 36\}; \\
B &= \{(x, y) \mid |x - 3y| > 5\}; & B &= \{(x, y) \mid |x + 4y| < 8\};
\end{aligned}$$

Тест.

Задание 1.

Упростить выражение $A + (A \cap B)$.

Ответ

$$\begin{aligned}
A + (A \cap B) &= (A \setminus (A \cap B)) \cup (A \cap B \cap \bar{A}) = A \cap \overline{A \cap B} = A \cap (\bar{A} \cup \bar{B}) = \\
&= (A \cap \bar{A}) \cup (A \cap \bar{B}) = A \setminus B
\end{aligned}$$

$$A \setminus B$$

Задание 2

Упростить выражение $(A+B) \setminus A$.

Ответ

$$B \setminus A.$$

Задание 3

Упростить выражение $((A \setminus C) \setminus (B \setminus C)) \cap B$;

Ответ

$$\emptyset.$$

Задание 4

Упростить выражение $\overline{(A \setminus B) \cap (\bar{A} \cup B)}$;

Ответ

$$U.$$

Задание 5

Определить свойства бинарного отношения:

$$R = \{(a, b) \mid a, b \in \mathbb{N}, a/b \in \mathbb{N}\}:$$

Ответ

- рефлексивно, т.к. $a/a \in \mathbb{N}$;

- антисимметрично: $a/b \in N, b/a \notin N$;
- транзитивно:
 $a/b = k_1 \in N, b/c = k_2 \in N, a/c = k_1 \cdot k_2 \in N$.

Задание 6

Определить свойства бинарного отношения:

$$R = \{(a, b) \mid a, b \in Z, a = b\}$$

Ответ

- рефлексивно;
- симметрично;
- транзитивно.

Задание 7

Сколькими способами из букв а, б, в, г, д можно составить слово из 3-х букв, если буквы могут повторяться?

Ответ

Количество способов - это число размещений с повторениями из 5 по 3, и оно равно $\overline{A}_n^r = 5^3 = 125$.

Задание 8

Сколькими способами из пяти цифр 1, 2, 3, 4, 5 можно составить трехзначное число, чтобы цифры не повторялись?

Ответ

$$\text{Число способов равно } A_5^3 = \frac{5!}{(5-3)!} = 20.$$

Задание 9

Сколькими способами можно расставить на полке 4 книги?

Ответ

Количество способов равно $4! = 24$ Тема №

Задание 10

Сколькими способами из группы студентов, состоящей из 20 человек, можно выбрать 3 делегатов на конференцию?

Ответ

В данном случае последовательность выбора роли не играет, поэтому искомое число способов равно количеству сочетаний без повторений из 20 по 3:

$$C_n^r = \frac{20!}{3!(17)!} = 1140.$$

Рефераты.

1. Разбиения множеств
2. Алгоритм определения кратчайшего пути на графе.
3. Транспортные сети
4. Определение полного потока в транспортной сети.
5. Определение наибольшего потока в транспортной сети.
6. Триггеры и их математическая модель.

7. Логические операции над предикатами.
8. Кванторные операции. Свойства кванторных операций.
9. Понятие формулы логики предикатов.
10. Предваренная нормальная форма формул логики предикатов.

Вопросы и задания для проведения промежуточного контроля

Вопросы к экзамену

1. Понятие множества. Операции над множествами.
2. Свойства операций над множествами.
3. Прямое произведение множеств.
4. Соответствия, отображения, отношения.
5. Композиция отношений.
6. Бинарные отношения. Рефлексивность, симметричность, транзитивность бинарных отношений.
7. Примеры рефлексивных, симметричных, транзитивных бинарных отношений.
8. Отношения эквивалентности.
9. Отношения порядка.
10. Правило суммы и произведения в комбинаторике.
11. Размещения с повторениями.
12. Размещения без повторений.
13. Перестановки без повторений.
14. Сочетания без повторений.
15. Сочетания с повторениями.
16. Перестановки с повторениями.
17. Упорядоченные разбиения.
18. Неупорядоченные разбиения.
19. Инверсии.
20. Обратные перестановки.

Задания к экзамену

1. Построить таблицы вхождения элементов в множества для заданных множеств и изобразить их на диаграммах Эйлера-Венна.

0	$\bar{B} \cup A \cap \bar{C}$	$(\bar{A} \setminus (C \cup B)) \Delta (B \setminus \bar{C})$
1	$(A \cup B) \cap C$	$(A \cup (B / C)) \cap (C \Delta A)$
2	$(C \setminus A) \cap B$	$(\bar{C} \cap (\bar{A} \Delta B)) \setminus (\bar{B} \cup A)$
3	$C \cup A \cap B$	$(C \setminus (A \cap B)) \Delta (B \cap C)$
4	$(C \setminus B) \Delta A$	$(B \cup (A \setminus \bar{C})) \cap (B \Delta \bar{A})$

5	$A \cap B \cap \bar{C} \cup A \cap B \cap C$	$(A \setminus \overline{B \setminus C}) \Delta C$
6	$(\bar{A} \cup B) \setminus (A \Delta \bar{C})$	$(B \cup \overline{A \cap C}) \Delta (\bar{C} \setminus \overline{B \setminus A})$
7	$A \cap \bar{B} \cap \bar{C} \cup \bar{A} \cap B \cap \bar{C}$	$\overline{(A \Delta B \setminus C)} \cap C$
8	$(A \setminus B \setminus C) \Delta (C \setminus (B \setminus A))$	$(C \cup \overline{B \cap A}) \Delta (\bar{B} \setminus A)$
9	$A \setminus (C \setminus B) \cap B$	$(\bar{A} \cup \overline{B \setminus \bar{C}}) \Delta (\bar{C} \cap A)$

2.

- 0) Сколькими способами можно расставить 7 книг на книжной полке?
- 1) Сколькими способами можно разложить 8 различных писем по 8 различным конвертам, если в каждый конверт кладется только одно письмо?
- 2) Сколько ожерелий можно составить из семи бусин разных размеров?
- 3) Сколькими способами можно посадить за круглый стол 5 мужчин и 5 женщин так, чтобы никакие два лица одного пола не сидели рядом?
- 4) Сколько слов можно получить, переставляя буквы в слове «градус»?
- 5) Сколькими различными способами можно рассадить 6 человек на 6 креслах в кинотеатре?
- 6) Сколько всего шестизначных четных чисел можно составить из цифр 1, 3, 4, 5, 7 и 9, если из этих чисел ни одна не повторяется?
- 7) Сколькими способами можно расположить на шахматной доске 8 ладей так, чтобы они не могли взять друг друга?
- 8) Сколько всего семизначных четных чисел можно составить из цифр 0, 2, 3, 5, 7 и 9, если из этих чисел ни одна не повторяется?
- 9) Как велико число различных отображений, переводящих множество из n элементов в себя?

Компетенция ПК-17 способность использовать основные методы естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности для теоретического и экспериментального исследования

Кейс-задания.

1. Даны множества

$$A = \{x : x \in (-3; 4]\}; \quad B = \{x : x \in (-2; 5]\}; \quad C = \{x : x \in \{-1\} \cup [2; 6)\}$$

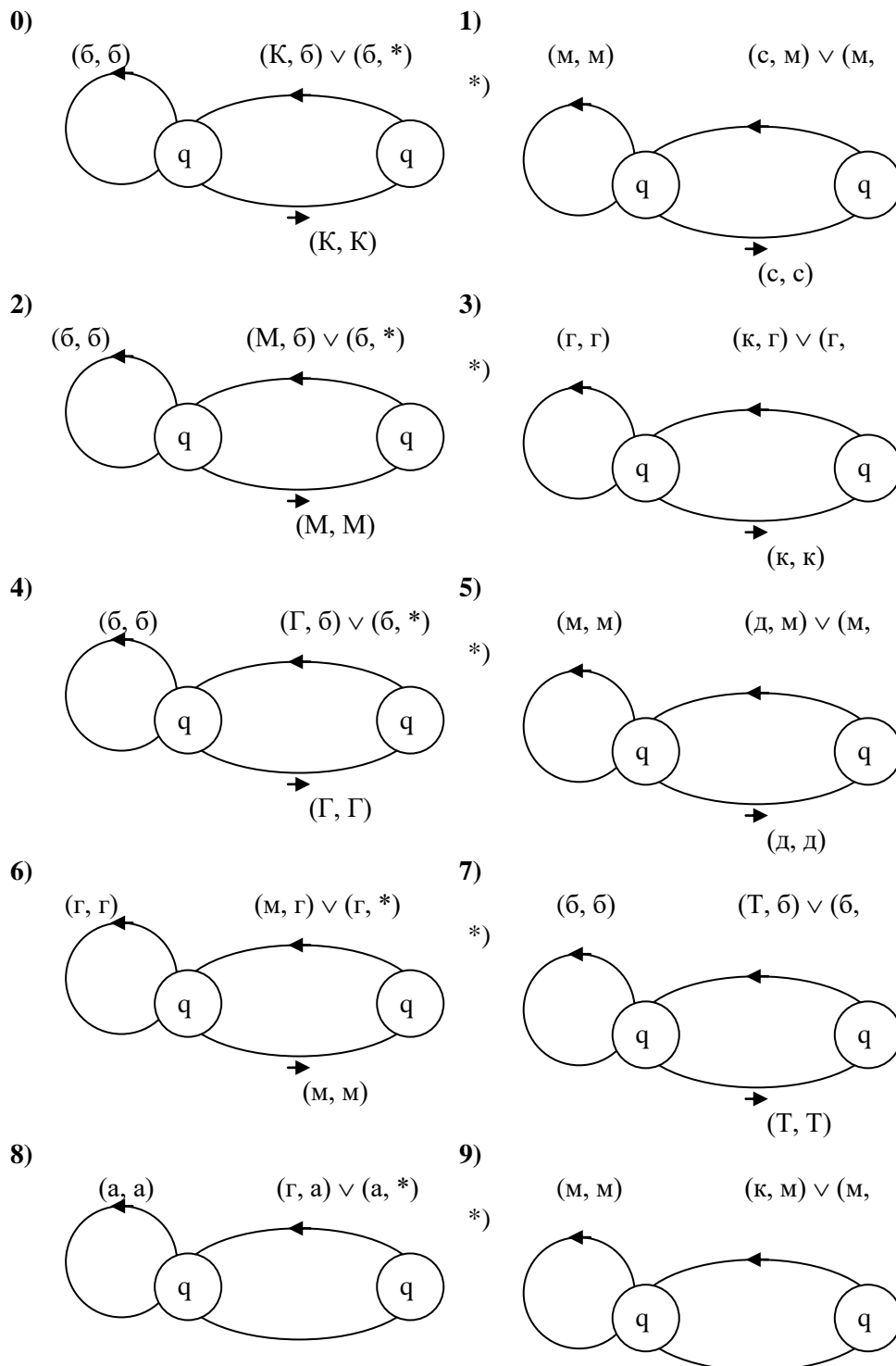
$$D = \{-3, -1, 2, 3, 5\}; \quad E = \{0, \pm 1, \pm 2, \pm 3\}; \quad U = \{x : x \in [-3; 6]\}.$$

Изобразить на числовой прямой следующие множества:

0	$C \cup A \cap B$	$(\bar{C} \cap (\bar{A} \Delta B)) \setminus (\bar{B} \cup A)$
1	$(C \setminus A) \cap B$	$(\bar{D} \cap (\bar{A} \Delta E)) \setminus (\bar{C} \cup B)$
2	$\bar{B} \cup A \cap \bar{C}$	$\overline{C \setminus D \cup E} \cap \overline{A \Delta B}$
3	$\bar{A} \cup C \cap \bar{B}$	$\overline{C \setminus D \cup E} \setminus (\bar{B} \cap \bar{D} \Delta \bar{A})$
4	$(C \setminus A) \cap B$	$(\bar{C} \cap \bar{B}) \cup (\bar{A} \setminus C)$
5	$C \cup A \cap B$	$(D \cap \bar{B}) \cup (E \setminus C)$

6	$\overline{B}\Delta C \cap \overline{A}$	$\overline{\overline{B} \setminus A \cup D} \setminus (\overline{A} \cap E \Delta \overline{C})$
7	$\overline{C} \setminus A \cup \overline{B}$	$(\overline{C} \cap \overline{E} \Delta \overline{A}) \setminus (D \setminus C \cup \overline{B})$
8	$\overline{C} \Delta A \setminus \overline{B}$	$\overline{A \cap B \cup E} \cap (C \setminus D \Delta E)$
9	$\overline{C} \setminus A \cup \overline{B}$	$(\overline{A \cap C \Delta B}) \setminus (\overline{E \setminus D \cup C})$

2. Работа автомата задана с помощью диаграммы и выдает на выходе символ "*", всякий раз, когда во входном алфавите встречается цепочка символов. Определите, что распознает автомат. Опишите работу автомата с помощью совокупности четверок



→
(г, г)

→
(к, к)

Тест.

Задание 11

В скольких случаях при угадывании 5 номеров из 36 будут правильно выбраны три номера.

Ответ

Три правильных номера из пяти могут быть выбраны C_5^3 способами, оставшиеся два неправильных номера из 31 могут быть выбраны C_{31}^2 способами.

По правилу произведения результат равен $C_5^3 \cdot C_{31}^2 = 4650$.

Задание 12

В скольких случаях при угадывании 5 номеров из 36 будут правильно выбраны не менее трех номеров?

Ответ

По правилу суммы результат будет равен $C_5^3 \cdot C_{31}^2 + C_5^4 \cdot C_{31}^1 + 1 = 4806$.

Задание 13

В скольких случаях при угадывании 5 номеров из 36 будет правильно выбран хотя бы один номер?

Ответ

Количество способов, при котором будет выбран хотя бы один правильный номер, можно определить, если из общего числа способов выбора 5 номеров из 36 вычесть число способов, при котором не будет выбран ни один правильный номер: $C_{36}^5 - C_{31}^5$.

Задание 14

Сколько костей домино можно составить из цифр 0,1,2,3,4,5,6?

Ответ

Результат равен числу сочетаний с повторениями из 7 по 2:

$$\overline{C}_7^2 = C_{7+2-1}^2 = \frac{8!}{2! \cdot 6!} = 28.$$

Задание 15

В урне содержатся 5 красных, 3 синих и 6 зеленых шаров. Из нее без возвращения выбирают 5 шаров, причем порядок выбора не существен. Сколькими способами можно выбрать 3 красных и 2 синих шара;

Ответ

$$C_5^3 \cdot C_3^2 = 15.$$

Задание 16

В урне содержатся 5 красных, 3 синих и 6 зеленых шаров. Из нее без возвращения выбирают 5 шаров, причем порядок выбора не существен. Сколькими способами можно выбрать все зеленые шары?

Ответ $C_6^5 = 6$.

Задание 17

Сколькими способами можно группу из 20 человек разделить на 4 подгруппы, состоящие из 6, 6, 5, 3 человек?

Ответ

$$C_{20}^{6,6,5,3} = \frac{20!}{6! \cdot 6! \cdot 5! \cdot 3!}$$

Задание 18

Сколькими способами можно переставить буквы слова "математика"?

Ответ

Искомое количество способов равно числу перестановок множества из 10 элементов, среди которых имеются 2 элемента первого типа (две буквы "м"), 3 элемента второго типа (три буквы "а"), 2 элемента третьего типа (две буквы "т"), и по одному элементу остальных трех типов. Оно определяется следующим образом:

$$P(2,3,2,1,1,1) = \frac{10!}{2! \cdot 3! \cdot 2!}$$

Задание 19

15 человек вошли в лифт на первом этаже девятиэтажного дома. Определить общее число способов распределения людей по этажам. Предполагается, что пассажиры могут выходить на восьми этажах.

Ответ $N = 8^{15}$ (распределение 15 различных элементов по 8 различным ячейкам, при котором пустые ячейки не допускаются).

Задание 20

Сколькими способами можно распределить 10 одинаковых пирожных между 3 людьми так, чтобы каждый мог получить любое количество.

Ответ

$$C_{n+k-1}^{k-1} = C_{12}^2.$$

Задание 21

Расписать с использованием бинома Ньютона следующее выражение:

$$(a-b)^3$$

Ответ

$$(a-b)^3 = C_3^0 \cdot a^3 \cdot b^0 - C_3^1 \cdot a^2 \cdot b^1 + C_3^2 \cdot a^1 \cdot b^2 - C_3^3 \cdot a^0 \cdot b^3 = a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3.$$

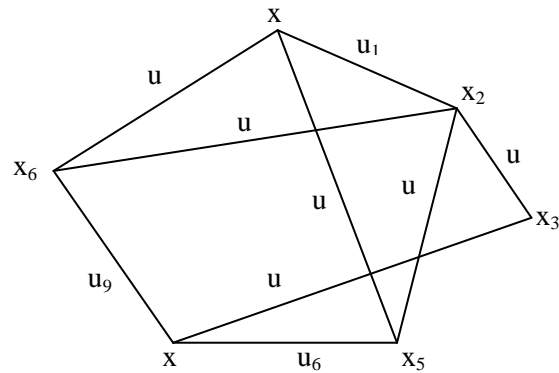
Задание 22

В НИИ работает 67 человек; 27 из них знают английский, 15 – немецкий, 10 – французский, 5 – английский и французский, 7 – английский и немецкий, 3 – французский и немецкий, 8 – все три языка. Необходимо определить, сколько человек не знают ни одного языка.

Ответ $N_0 = 67 - 27 - 15 - 10 + 5 + 7 + 3 - 8 = 22$.

Задание 23

Для графа, изображенного на рисунке, построить матрицу смежности.



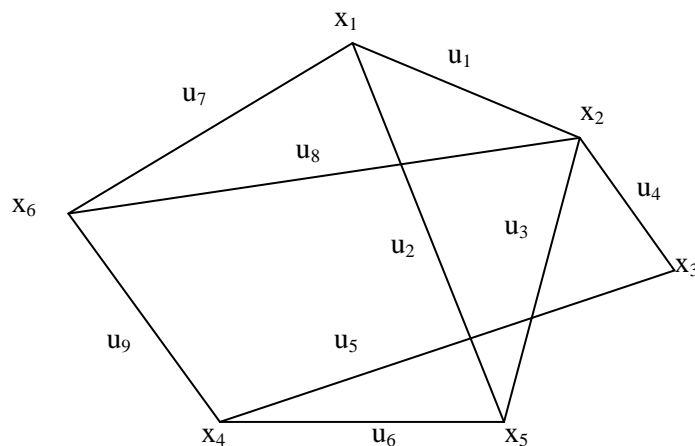
Ответ

Матрица смежности имеет вид:

$$A = \begin{matrix} & \begin{matrix} x_1 & x_2 & x_3 & x_4 & x_5 & x_6 \end{matrix} \\ \begin{matrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \\ x_4 \\ x_5 \\ x_6 \end{matrix} & \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \end{pmatrix} \end{matrix}$$

Задание 24

Для графа, изображенного на рисунке, построить матрицу смежности.



Ответ

Матрица инцидентности имеет вид:

$$B = \begin{pmatrix} & u_1 & u_2 & u_3 & u_4 & u_5 & u_6 & u_7 & u_8 & u_9 \\ x_1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ x_2 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ x_3 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ x_4 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 \\ x_5 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ x_6 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$$

Рефераты.

1. Гамильтоновы цепь и цикл.
2. Понятие связности и сильной связности графа.
3. Матрица смежности.
4. Матрица инцидентностей.
5. Матрица весов и список ребер графа.
6. Структура смежности графа.
7. Эйлерова цепь. Теорема Эйлера.
8. Задача о кратчайшем пути на графе.
9. Алгоритм решения этой задачи.
10. Конечный автомат, основные понятия.

Вопросы и задания для проведения промежуточного контроля

Вопросы к экзамену

11. Понятие графа. Виды графов. Понятие инцидентности и смежности.
12. Операции над графами.
13. Понятие подграфа. Степени вершин. Теорема Эйлера.
14. Понятие маршрута, цепи, простой цепи.
15. Понятие цикла, простого цикла.
16. Гамильтоновы цепь и цикл.
17. Понятие связности и сильной связности графа.
18. Матрица смежности.
19. Матрица инцидентностей.
20. Матрица весов и список ребер графа.
21. Структура смежности графа.
22. Эйлерова цепь. Теорема Эйлера.
23. Задача о кратчайшем пути на графе. Алгоритм решения этой задачи.
24. Граф наименьшей длины и его построение.
25. Понятие транспортной сети.

26. Поток транспортной сети.
 27. Разрез транспортной сети. Пропускная способность разреза.
 28. Задача о наибольшем потоке. Лемма.
 29. Насыщенные дуги и полный поток.
 30. Понятие одноместного и двухместного предиката. Таблица предиката. Множество истинности предиката.
 31. Тожественно-истинные, тождественно-ложные, выполнимые предикаты.
 32. Понятие предметных постоянных и предметных переменных.
- Определение n-местного предиката.
33. Превращение предиката в высказывание.
 34. Логические операции над предикатами.
 35. Кванторные операции. Свойства кванторных операций.
 36. Понятие формулы логики предикатов.
 37. Предваренная нормальная форма формул логики предикатов.
 38. Равносильности в логике предикатов. Эквивалентные преобразования формул логики предикатов
 39. Применение языка логики предикатов к описанию математических определений и утверждений.
 40. Конечный автомат, основные понятия.

Задания к экзамену

1.

- 0) В ящике находятся 20 шаров: 5 белых, 6 черных, 7 синих и 2 красных. Сколькими способами можно взять из ящика один цветной шар?
- 1) В розыгрыше первенства по футболу принимают участие 18 команд. Сколькими способами могут быть распределены золотая, серебряная и бронзовая медали, если любая команда может получить только одну медаль?
- 2) При формировании экипажа космического корабля имеется 10 претендентов на пост командира экипажа, 20 - на пост бортинженера и 25 - на пост космонавта-исследователя. Ни один кандидат не претендует одновременно на два поста. Сколькими способами можно выбрать одну из кандидатур или командира, или бортинженера, или космонавта-исследователя?
- 3) Сколькими способами можно выбрать на шахматной доске белый и черный квадраты, не лежащие на одной и той же горизонтали и вертикали?
- 4) Имеется 6 пар перчаток различных размеров. Сколькими способами можно выбрать из них одну перчатку на левую руку и одну — на правую руку так, чтобы эти перчатки были различных размеров?
- 5) Сколько существует пятизначных чисел, которые одинаково читаются слева направо и справа налево?
- 6) В ящике лежат 4 черных и 3 белых шара. Наудачу вынимаются последовательно два шара. Какова вероятность того, что оба эти шара окажутся белыми? (Шар после выбора в ящик не возвращается.)
- 7) В столовой предлагают два различных первых блюда a_1 и a_2 , три различных вторых блюда b_1 , b_2 , b_3 и два вида десерта c_1 и c_2 . Сколько различных обедов из трех блюд может предложить столовая?
- 8) У англичан принято давать детям несколько имен. Сколькими способами можно назвать ребенка, если общее число имен равно 300, а ему дают не более трех имен?

- 9) На вершину горы ведут пять дорог. Сколькими способами турист может подняться на гору и спуститься с нее? То же самое при условии, что спуск и подъем происходят по разным путям.

2. Дана матрица смежности орграфа. а) Задайте орграф геометрически, в) постройте матрицу инцидентности.

$$0) \begin{pmatrix} 010010 \\ 100100 \\ 010100 \\ 011010 \\ 000100 \\ 100000 \end{pmatrix} \quad 1) \begin{pmatrix} 100001 \\ 001100 \\ 001100 \\ 001010 \\ 001100 \\ 000000 \end{pmatrix} \quad 2) \begin{pmatrix} 000010 \\ 100010 \\ 010000 \\ 010011 \\ 000110 \\ 000010 \end{pmatrix} \quad 3) \begin{pmatrix} 110001 \\ 001000 \\ 001100 \\ 010010 \\ 001100 \\ 010000 \end{pmatrix} \quad 4) \begin{pmatrix} 000001 \\ 001101 \\ 001100 \\ 001000 \\ 000110 \\ 000010 \end{pmatrix}$$

$$5) \begin{pmatrix} 111000 \\ 100001 \\ 011001 \\ 001010 \\ 000100 \\ 010000 \end{pmatrix} \quad 6) \begin{pmatrix} 011100 \\ 101000 \\ 010001 \\ 010011 \\ 001100 \\ 001000 \end{pmatrix} \quad 7) \begin{pmatrix} 100010 \\ 100110 \\ 001100 \\ 001010 \\ 010100 \\ 000000 \end{pmatrix} \quad 8) \begin{pmatrix} 010000 \\ 000100 \\ 010100 \\ 010010 \\ 001100 \\ 001000 \end{pmatrix} \quad 9) \begin{pmatrix} 011010 \\ 001000 \\ 011000 \\ 110000 \\ 100100 \\ 100000 \end{pmatrix}$$

3. Постройте конечный автомат, выдающий на выходе символ “!”, всякий раз, когда во входной двоичной последовательности встречается:

- 0) последовательность 0000;
- 1) последовательность 1111;
- 2) последовательность 0110;
- 3) последовательность 0111;
- 4) последовательность 1000;
- 5) последовательность 0011;
- 6) последовательность 0010;
- 7) последовательность 1110;
- 8) последовательность 0001;
- 9) последовательность 1100.

Компетенция ПК-18 способность использовать соответствующий математический аппарат и инструментальные средства для обработки, анализа и систематизации информации по теме исследования

Кейс-задания.

1. Даны множества $A = \{x: x \in (-3; 4]\}$; $B = \{x: x \in (-2; 5]\}$; $C = \{x: x \in \{-1\} \cup [2; 6)\}$
 $D = \{-3, -1, 2, 3, 5\}$; $E = \{0, \pm 1, \pm 2, \pm 3\}$; $U = \{x: x \in [-3; 6]\}$.

Изобразить на числовой прямой следующие множества:

0	$C \cup A \cap B$	$(\overline{C} \cap (\overline{A} \Delta B)) \setminus (\overline{B} \cup A)$
1	$(C \setminus A) \cap B$	$(\overline{D} \cap (\overline{A} \Delta E)) \setminus (\overline{C} \cup B)$
2	$\overline{B} \cup A \cap \overline{C}$	$\overline{C \setminus D \cup E} \cap \overline{A \Delta B}$

3	$\overline{A} \cup C \cap \overline{B}$	$\overline{\overline{C} \setminus \overline{D \cup E}} \setminus (\overline{B} \cap \overline{D \Delta A})$
4	$(C \setminus A) \cap B$	$(\overline{C} \cap \overline{B}) \cup (\overline{A} \setminus C)$
5	$C \cup A \cap B$	$(D \cap \overline{B}) \cup (E \setminus C)$
6	$\overline{B} \Delta C \cap \overline{A}$	$\overline{\overline{B} \setminus A \cup D} \setminus (\overline{A} \cap E \Delta \overline{C})$
7	$\overline{C} \setminus A \cup \overline{B}$	$(\overline{C} \cap \overline{E} \Delta \overline{A}) \setminus (D \setminus C \cup \overline{B})$
8	$\overline{C} \Delta A \setminus \overline{B}$	$\overline{A \cap B \cup E} \cap (C \setminus D \Delta E)$
9	$\overline{C} \setminus A \cup \overline{B}$	$(\overline{A \cap \overline{C} \Delta B}) \setminus (\overline{E \setminus D \cup \overline{C}})$

2. Даны множества $A = \{x: x \in (-3; 4]\}$; $B = \{x: x \in (-2; 5]\}$; $C = \{x: x \in \{-1\} \cup [2; 6)\}$
 $D = \{-3, -1, 2, 3, 5\}$; $E = \{0, \pm 1, \pm 2, \pm 3\}$; $U = \{x: x \in [-3; 6]\}$

Найти и изобразить на числовой прямой множества:

0	$(A \setminus \overline{B}) \cap (\overline{E} \Delta C)$	$(B \cup \overline{E}) \setminus (\overline{D \cup C})$
1	$(A \cup \overline{D}) \cap (\overline{E} \setminus B)$	$(E \cup D) \Delta A \setminus B$
2	$(\overline{C} \Delta A) \setminus (\overline{D} \cap B)$	$C \cap E \cup A \setminus B$
3	$(\overline{A \cup D}) \Delta C \Delta B$	$E \cup (A \cap \overline{C}) \setminus \overline{B}$
4	$(A \cup B) \cap C$	$(A \cup \overline{B} \cap C) \Delta (\overline{E \setminus D})$
5	$(\overline{C} \cap (\overline{A} \Delta B)) \setminus (\overline{B} \cup A)$	$(\overline{E \cup D}) \Delta C$
6	$C \cup A \cap B$	$(\overline{A \cup D}) \Delta (\overline{B \cap C \cap E})$
7	$(A \setminus C) \Delta (B \setminus C)$	$(A \setminus D) \cap (\overline{B} \Delta E)$
8	$(C \setminus A) \cap B$	$(A \cup \overline{B \cup E}) \setminus (\overline{D \Delta C} \cap A)$
9	$(\overline{C} \cap \overline{B}) \cup (\overline{A} \setminus C)$	$C \setminus (D \cap \overline{B}) \Delta \overline{A}$

Тест.

Задание 20

Сколькими способами можно распределить 10 одинаковых пирожных между 3 людьми так, чтобы каждый мог получить любое количество.

Ответ

$$C_{n+k-1}^{k-1} = C_{12}^2.$$

Задание 21

Расписать с использованием бинома Ньютона следующее выражение:

$$(a-b)^3$$

Ответ

$$(a-b)^3 = C_3^0 \cdot a^3 \cdot b^0 - C_3^1 \cdot a^2 \cdot b^1 + C_3^2 \cdot a^1 \cdot b^2 - C_3^3 \cdot a^0 \cdot b^3 = a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3.$$

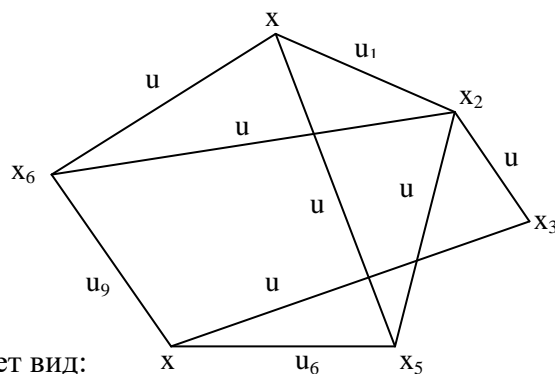
Задание 22

В НИИ работает 67 человек; 27 из них знают английский, 15 – немецкий, 10 - французский, 5 - английский и французский, 7 - английский и немецкий, 3 - французский и немецкий, 8 - все три языка. Необходимо определить, сколько человек не знают ни одного языка.

Ответ $N_0 = 67 - 27 - 15 - 10 + 5 + 7 + 3 - 8 = 22$.

Задание 23

Для графа, изображенного на рисунке, построить матрицу смежности.



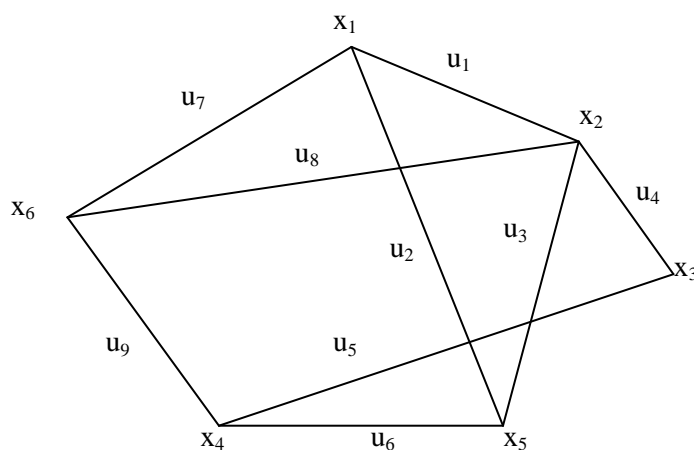
Ответ

Матрица смежности имеет вид:

$$A = \begin{matrix} & \begin{matrix} x_1 & x_2 & x_3 & x_4 & x_5 & x_6 \end{matrix} \\ \begin{matrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \\ x_4 \\ x_5 \\ x_6 \end{matrix} & \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \end{pmatrix} \end{matrix}$$

Задание 24

Для графа, изображенного на рисунке, построить матрицу смежности.



Ответ

Матрица инцидентности имеет вид:

$$B = \begin{pmatrix} & u_1 & u_2 & u_3 & u_4 & u_5 & u_6 & u_7 & u_8 & u_9 \\ x_1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ x_2 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ x_3 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ x_4 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 \\ x_5 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ x_6 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$$

Рефераты.

1. Гамильтоновы цепь и цикл.
2. Понятие связности и сильной связности графа.
3. Матрица смежности.
4. Матрица инцидентности.
5. Матрица весов и список ребер графа.
6. Структура смежности графа.

Вопросы и задания для проведения промежуточного контроля

Вопросы к экзамену

1. Поток транспортной сети.
2. Разрез транспортной сети. Пропускная способность разреза.
3. Задача о наибольшем потоке. Лемма.
4. Насыщенные дуги и полный поток.
5. Понятие одноместного и двухместного предиката. Таблица предиката. Множество истинности предиката.
6. Тождественно-истинные, тождественно-ложные, выполнимые предикаты.
7. Понятие предметных постоянных и предметных переменных. Определение n-местного предиката.
8. Превращение предиката в высказывание.
9. Логические операции над предикатами.
10. Кванторные операции. Свойства кванторных операций.
11. Понятие формулы логики предикатов.
12. Предваренная нормальная форма формул логики предикатов.
13. Равносильности в логике предикатов. Эквивалентные преобразования формул логики предикатов

14. Применение языка логики предикатов к описанию математических определений и утверждений.
15. Конечный автомат, основные понятия.

Задания к экзамену

1. Постройте конечный автомат, выдающий на выходе символ “!”, всякий раз, когда во входной двоичной последовательности встречается:

- 10)** последовательность 0000;
- 11)** последовательность 1111;
- 12)** последовательность 0110;
- 13)** последовательность 0111;
- 14)** последовательность 1000;
- 15)** последовательность 0011;
- 16)** последовательность 0010;
- 17)** последовательность 1110;
- 18)** последовательность 0001;
- 19)** последовательность 1100.

7.4 Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков характеризующих этапы формирования компетенций

Кейс-задания

Результат выполнения кейс-задания оценивается с учетом следующих критериев:

- полнота проработки ситуации;
- полнота выполнения задания;
- новизна и неординарность представленного материала и решений;
- перспективность и универсальность решений;
- умение аргументировано обосновать выбранный вариант решения.

Если результат выполнения кейс-задания соответствует обозначенному критерию студенту присваивается один балл (за каждый критерий по 1 баллу).

Оценка «отлично» – при наборе в 5 баллов.

Оценка «хорошо» – при наборе в 4 балла.

Оценка «удовлетворительно» – при наборе в 3 балла.

Оценка «неудовлетворительно» – при наборе в 2 балла.

Тесты

Оценка **«отлично»** выставляется при условии правильного ответа студента не менее чем на 85 % тестовых заданий.

Оценка **«хорошо»** выставляется при условии правильного ответа студента не менее чем на 70 % тестовых заданий.

Оценка **«удовлетворительно»** выставляется при условии правильного ответа студента не менее чем на 51 %.

Оценка **«неудовлетворительно»** выставляется при условии правильного ответа студента менее чем на 50 % тестовых заданий.

Реферат

Критериями оценки реферата являются: новизна текста, обоснованность выбора источников литературы, степень раскрытия сущности вопроса, соблюдения требований к оформлению.

Оценка **«отлично»** — выполнены все требования к написанию реферата: обозначена проблема и обоснована её актуальность; сделан анализ различных точек зрения на рассматриваемую проблему и логично изложена собственная позиция; сформулированы выводы, тема раскрыта полностью, выдержан объём; соблюдены требования к внешнему оформлению.

Оценка **«хорошо»** — основные требования к реферату выполнены, но при этом допущены недочёты. В частности, имеются неточности в изложении материала; отсутствует логическая последовательность в суждениях; не выдержан объём реферата; имеются упущения в оформлении.

Оценка **«удовлетворительно»** — имеются существенные отступления от требований к реферированию. В частности: тема освещена лишь частично; допущены фактические ошибки в содержании реферата; отсутствуют выводы.

Оценка **«неудовлетворительно»** — тема реферата не раскрыта, обнаруживается существенное непонимание проблемы или реферат не представлен вовсе

Критерии оценки на экзамене

Оценка **«отлично»** выставляется обучающемуся, который обладает всесторонними, систематизированными и глубокими знаниями материала учебной программы, умеет свободно выполнять задания, предусмотренные учебной программой, усвоил основную и ознакомился с дополнительной литературой, рекомендованной учебной программой. Как правило, оценка **«отлично»** выставляется обучающемуся усвоившему взаимосвязь основных положений и понятий дисциплины в их значении для приобретаемой специальности, проявившему творческие способности в понимании, изложении и использовании учебного материала, правильно обосновывающему принятые решения, владеющему разносторонними навыками и приемами выполнения практических работ.

Оценка **«хорошо»** выставляется обучающемуся, обнаружившему полное знание материала учебной программы, успешно выполняющему предусмотренные учебной программой задания, усвоившему материал основной литературы, рекомендованной учебной программой. Как правило, оценка **«хорошо»** выставляется обучающемуся, показавшему систематизированный характер знаний по дисциплине, способному к самостоятельному пополнению знаний в ходе дальнейшей учебной и профессиональной деятельности, правильно применяющему теоретические положения при решении практических вопросов и задач, владеющему необходимыми навыками и приемами выполнения практических работ.

Оценка «удовлетворительно» выставляется обучающемуся, который показал знание основного материала учебной программы в объеме, достаточном и необходимым для дальнейшей учебы и предстоящей работы по специальности, справился с выполнением заданий, предусмотренных учебной программой, знаком с основной литературой, рекомендованной учебной программой. Как правило, оценка «удовлетворительно» выставляется обучающемуся, допустившему погрешности в ответах на экзамене или выполнении экзаменационных заданий, но обладающему необходимыми знаниями под руководством преподавателя для устранения этих погрешностей, нарушающему последовательность в изложении учебного материала и испытывающему затруднения при выполнении практических работ.

Оценка «неудовлетворительно» выставляется обучающемуся, не знающему основной части материала учебной программы, допускающему принципиальные ошибки в выполнении предусмотренных учебной программой заданий, неуверенно с большими затруднениями выполняющему практические работы. Как правило, оценка «неудовлетворительно» выставляется обучающемуся, который не может продолжить обучение или приступить к деятельности по специальности по окончании университета без дополнительных занятий по соответствующей дисциплине.

8 Перечень основной и дополнительной учебной литературы

Основная учебная литература:

1. Васильева, А. В. Дискретная математика: Учебное пособие / Васильева А.В., Шевелева И.В. - Краснояр.:СФУ, 2016. - 128 с.: ISBN 978-5-7638-3511-3. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/967274>
2. Математика. Дискретная математика [Электронный ресурс]: учебник/ В.Ф. Золотухин [и др.].— Электрон. текстовые данные.— Ростов-на-Дону: Институт водного транспорта имени Г.Я. Седова – филиал «Государственный морской университет имени адмирала Ф.Ф. Ушакова», 2016.— 129 с.— Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/57348.html>

Дополнительная учебная литература:

1. Элементы дискретной математики : учебное пособие / Д. С. Ананичев, И. Ю. Андреева, Н. В. Гредасова, К. В. Костоусов ; под редакцией А. Н. Сесекин. — Екатеринбург : Уральский федеральный университет, ЭБС АСВ, 2015. — 108 с. — ISBN 978-5-7996-1387-7. — Текст : электронный // Электронно-библиотечная система IPR BOOKS : [сайт]. — URL: <http://www.iprbookshop.ru/66231.html>
2. Аршинов Г.А., Лойко В.И. Дискретная математика : учебное пособие. – Краснодар : КубГАУ, 2018. – 116 с. Режим доступа: https://edu.kubsau.ru/file.php/118/Ucheb_posobie_DM_421486_v1_.PDF

3. Математика. Элементы дискретной математики: Учебное пособие / Сапронов И.В., Зюкин П.Н., Веневитина С.С. - Воронеж:ВГЛУ им. Г.Ф. Морозова, 2013. - 118 с.: ISBN 978-5-7994-0526-7. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/858342>

9 Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»

Перечень ЭБС

№	Наименование	Тематика	Ссылка
1.	IPRbook	Универсальная	http://www.iprbookshop.ru/
2.	Образовательный портал КубГАУ	Универсальная	https://edu.kubsau.ru/
3.	Znaniy	Универсальная	https://znanium.com

10 Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

1. Анищик Т.А. Дискретная математика : рабочая тетрадь. – Краснодар: КубГАУ, 2018. – 46 с. Режим доступа: https://edu.kubsau.ru/file.php/118/Rabochaja_tetrad_po_DM.pdf
2. Анищик Т.А. Практикум по дискретной математике. Предикаты и комбинаторика. – Краснодар: КубГАУ, 2019. – 66 с. Режим доступа: https://edu.kubsau.ru/file.php/118/Praktikum_po_DM_Predikaty_i_kombinatorika_449017_v1.PDF

11 Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем

Информационные технологии, используемые при осуществлении образовательного процесса по дисциплине позволяют: обеспечить взаимодействие между участниками образовательного процесса, в том числе синхронное и (или) асинхронное взаимодействие посредством сети "Интернет"; фиксировать ход образовательного процесса, результатов промежуточной аттестации по дисциплине и результатов освоения образовательной программы; организовать процесс образования путем визуализации изучаемой информации посредством использования презентационных технологий; контролировать результаты обучения на основе компьютерного тестирования.

11.1 Перечень программного обеспечения

№	Наименование	Краткое описание
---	--------------	------------------

1	Windows	Операционная система
2	Office	Пакет офисных приложений

11.2 Перечень современных профессиональных баз данных, информационных справочных и поисковых систем

№	Наименование	Тематика	Электронный адрес
1.	Научная электронная библиотека «eLIBRARY.RU»	Универсальная	https://elibrary.ru

11.3 Доступ к сети Интернет

Доступ к сети Интернет, доступ в электронную информационно-образовательную среду университета

12 Материально-техническое обеспечение для обучения по дисциплине

Планируемые помещения для проведения всех видов учебной деятельности:

№ п/п	Наименование учебных предметов, курсов, дисциплин (модулей), практики, иных видов учебной деятельности, предусмотренных учебным планом образовательной программы	Наименование помещений для проведения всех видов учебной деятельности, предусмотренной учебным планом, в том числе помещения для самостоятельной работы, с указанием перечня основного оборудования, учебно-наглядных пособий и используемого программного обеспечения	Адрес (местоположение) помещений для проведения всех видов учебной деятельности, предусмотренной учебным планом (в случае реализации образовательной программы в сетевой форме дополнительно указывается наименование организации, с которой заключен договор)
1	2	3	4
1	Дискретная математика	Помещение №307 ЭК, посадочных мест — 30; площадь — 62,6 кв.м; учебная аудитория для проведения занятий лекционного типа, занятий семинарского типа, курсового проектирования (выполнения курсовых работ), групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации.	350044, Краснодарский край, г. Краснодар, ул. им. Калинина, 13

		<p>кондиционер — 1 шт.; доступ к сети «Интернет»; доступ в электронную информационно-образовательную среду университета; специализированная мебель (учебная доска, учебная мебель); технические средства обучения, наборы демонстрационного оборудования и учебно-наглядных пособий (ноутбук, проектор, экран); программное обеспечение: Windows, Office.</p> <p>Помещение №407 ЭК, посадочных мест — 30; площадь — 59,3кв.м; учебная аудитория для проведения занятий лекционного типа, занятий семинарского типа, курсового проектирования (выполнения курсовых работ), групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации.</p> <p>Сплит-система — 2 шт.; доступ к сети «Интернет»; доступ в электронную информационно-образовательную среду университета; специализированная мебель(учебная доска, учебная мебель); технические средства обучения, наборы демонстрационного оборудования и учебно-наглядных пособий (ноутбук, проектор, экран); программное обеспечение: Windows, Office.</p> <p>Помещение №221 ГУК, площадь — 101кв.м; посадочных мест — 95; учебная аудитория для проведения занятий лекционного типа, занятий семинарского типа, курсового</p>	
--	--	---	--

		<p>го проектирования (выполнения курсовых работ), групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, в том числе для обучающихся с инвалидностью и ОВЗ.</p> <p>Специализированная мебель (учебная доска, учебная мебель), в т.ч для обучающихся с инвалидностью и ОВЗ; технические средства обучения, наборы демонстрационного оборудования и учебно-наглядных пособий (ноутбук, проектор, экран), в т.ч для обучающихся с инвалидностью и ОВЗ; программное обеспечение: Windows, Office.</p> <p>Помещение №4 ЭК, площадь — 31,1 кв.м; помещение для хранения и профилактического обслуживания учебного оборудования.</p> <p>кондиционер — 2 шт.;</p> <p>лабораторное оборудование (шкаф лабораторный — 1 шт.;</p> <p>набор лабораторный — 1 шт.);</p> <p>технические средства обучения</p> <p>(принтер — 1 шт.;</p> <p>проектор — 1 шт.;</p> <p>микрофон — 1 шт.;</p> <p>ибп — 4 шт.;</p> <p>сервер — 1 шт.;</p> <p>носитель информации — 1 шт.;</p> <p>компьютер персональный — 15 шт.).</p> <p>Помещение №4 ЭК, площадь — 9,1 кв.м; помещение для хранения и профилактического обслуживания учебного оборудования.</p> <p>сплит-система — 2 шт.;</p> <p>штатив — 1 шт.;</p>	
--	--	--	--

		<p>лабораторное оборудование (шкаф лабораторный — 2 шт.; стенд лабораторный — 4 шт.);</p> <p>технические средства обучения (экран — 1 шт.; сетевое оборудование — 5 шт.; сервер — 6 шт.; компьютер персональный — 2 шт.).</p>	
2	Дискретная математика	<p>Помещение №206 ЭК, посадочных мест — 20; площадь — 41 кв.м; помещение для самостоятельной работы.</p> <p>Технические средства обучения (компьютер персональный — 9 шт.); доступ к сети «Интернет»;</p> <p>доступ в электронную информационно-образовательную среду университета;</p> <p>специализированная мебель (учебная мебель).</p> <p>Программное обеспечение: Windows, Office, специализированное лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение, предусмотренное в рабочей программе</p>	350044, Краснодарский край, г. Краснодар, ул. им. Калинина, 13